

GUJCET Paper - 4

Maths

- (1) જો દ્વિપદી વિતરણમાં $n=4$, $P(X=0) = \frac{16}{81}$, તો $P(X=4)=\dots$
 (A) $\frac{1}{16}$ (B) $\frac{1}{81}$ (C) $\frac{1}{27}$ (D) $\frac{1}{8}$
- (2) $\cos\left[\tan^{-1}\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) + \cos^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)\right] = \dots$
 (A) $\frac{1}{2}$ (B) $-\frac{1}{2}$ (C) 1 (D) 0
- (3) જો A એ 3×3 શ્રેણિક હોય કે જેથી $|A| = 4$ હોય, તો A
 (adj A) =
 (A) $\begin{bmatrix} 16 & 0 & 0 \\ 0 & 16 & 0 \\ 0 & 0 & 16 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
 (C) $\begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$ (D) માહિતી અપૂર્ણ હોવાથી શોધી શકાય નહિ.
- (4) બે વિમાન I અને II વારાફરતી એક લક્ષ્ય પર બોમ્બ નાંખે છે.
 વિમાન I અને II નું લક્ષ્ય પર બરોબર બોમ્બ પડે તેની સંભાવના
 અનુક્રમે 0.3 અને 0.2 છે. જો વિમાન I નું લક્ષ્ય પર બોમ્બ ન
 પડે તો જ વિમાન II બોમ્બ ફેંકશે. તો વિમાન II વડે લક્ષ્ય પર
 બોમ્બ પડવાની સંભાવના છે.
 (A) 0.14 (B) 0.2 (C) 0.7 (D) 0.06
- (5) જો $\frac{d}{dx} f(x) = g(x)$ તથા $g(x) = f(x)$ તો $f(x) = \dots$
 (A) x (B) $\log x$ (C) x^2 (D) e^x
- (6) જો $A = \text{diag} [a \ b \ c \ d]$, તો $A^n = \dots$, $n \in \mathbb{N}$
 (A) $\text{diag} [na \ nb \ nc \ nd]$
 (B) $\text{diag} [(n-1)a \ (n-1)b \ (n-1)c \ (n-1)d]$
 (C) $\text{diag} [a^n \ b^n \ c^n \ d^n]$
 (D) $\text{diag} [a^{n-1} \ b^{n-1} \ c^{n-1} \ d^{n-1}]$
- (7) $f: \{1, 2, 4, 5\} \rightarrow \{2, 3, 6, 7\}$, $f = \{(1, 2), (2, 3), (4, 6), (5, 7)\}$
 $g: \{2, 3, 6, 7, 8\} \rightarrow \{1, 3, 5, 6\}$, $g = \{(2, 1), (3, 1), (6, 1), (7, 5), (8, 6)\}$, તો $g \circ f = \dots$
 (A) $\{(1, 1), (2, 1), (4, 1), (5, 5)\}$
 (B) $\{(2, 1), (3, 1), (6, 2), (7, 1), (8, 5)\}$
 (C) $\{(1, 1), (2, 2), (4, 4), (5, 5)\}$
 (D) ન મળે.
- (8) $\int \sec^4 x \tan x \, dx = \dots + c$
 (A) $\frac{1}{3} \sec^3 x$ (B) $-\frac{1}{4} \sec^4 x$
 (C) $\frac{1}{4} \sec^4 x$ (D) $-\frac{1}{3} \sec^3 x$
- (9) જો $A^2 - A + I = O$, તો $A^{-1} = \dots$
 (A) $A + I$ (B) $I - A$ (C) $A - I$ (D) A

- (10) $x \leq 1$ અને $y \geq 1$ થી રચાતો આલેખ કયા ચરણમાં સ્થિર છે?
 (A) પ્રથમ અને દ્વિતીય ચરણમાં (B) દ્વિતીય અને તૃતીય ચરણમાં
 (C) પ્રથમ અને તૃતીય ચરણમાં (D) તૃતીય અને ચતુર્થ ચરણમાં
- (11) $\sec^2(\tan^{-1} 2) + \text{cosec}^2(\cot^{-1} 5) = \dots$
 (A) 29 (B) 30 (C) 32 (D) 31
- (12) $f(x) = |x-1| + |x-2| + |x-3|$ એ
 (A) R પર સતત છે. (B) R પર અસતત છે.
 (C) માત્ર $x = 1, 2, 3$ આગર જ અસતત છે.
 (D) માત્ર $x = 1, 2, 3$ આગર જ સતત છે.
- (13) $\begin{vmatrix} 5 & 4 & 8 \\ x-3 & -8 & -16 \\ 3 & 9 & 4 \end{vmatrix} = 0$ તો $x = \dots$
 (A) 5 (B) -5 (C) 7 (D) -7
- (14) જો $a \neq b \neq c$, હોય તો સમીકરણ $\begin{vmatrix} 0 & x-a & x-b \\ x+a & 0 & x-c \\ x+b & x+c & 0 \end{vmatrix} = 0$
 નું સમાધાન કરતી x ની કિંમત છે.
 (A) a (B) b (C) c (D) 0
- (15) જો $x^y = e^{x-y}$, તો $\left(\frac{dy}{dx}\right)_{x=e} = \dots$
 (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{3}{4}$ (D) 1
- (16) $A = \{1, 2, 3, 4\}$ પર વ્યાખ્યાયિત સંબંધ $S = \{(1, 1), (2, 2), (1, 2), (2, 1), (1, 3), (3, 1), (3, 3), (2, 3), (3, 2)\}$ એ

 (A) સ્વવાચક અને સંમતિ છે, પરંપરિત નથી. (B) સ્વવાચક અને
 પરંપરિત છે, સંમતિ નથી.
 (C) સંમતિ અને પરંપરિત છે, સ્વવાચક નથી. (D) સામ્ય સંબંધ છે.
- (17) $\int e^x (1+x) \sec^2(xe^x) dx = f(x) + c$, then $f(x) = \dots$
 (A) $\cos(xe^x)$ (B) $\sin(xe^x)$
 (C) $2 \tan^{-1} x$ (D) $\tan(xe^x)$
- (18) ધારો કે A અને B ઘટનાઓ છે, જ્યાં $P(A) = 0.5$, $P(A \cup B) = 0.65$ અને $P(B) = p$. જો A અને B નિરપેક્ષ ઘટનાઓ હોય, તો p ની કિંમત છે.
 (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{3}{10}$ (C) $\frac{3}{100}$ (D) $\frac{1}{20}$
- (19) $\int \frac{1+x+\sqrt{x+x^2}}{\sqrt{x}+\sqrt{1+x}} dx = \dots$
 (A) $\frac{1}{2} \sqrt{1+x} + c$ (B) $\frac{2}{3} (1+x)^{\frac{3}{2}} + c$
 (C) $\sqrt{1+x} + c$ (D) $2(x+1)^{\frac{3}{2}} + c$

- (20) N પર * એ $a * b = a$ અને b નો લ.સા.અ. છે, તો $8 * 10, 5 * 3, 12 * 24$ નાં મૂલ્યો અનુક્રમે છે.
 (A) 40, 15, 24 (B) 15, 24, 40
 (C) 24, 40, 15 (D) 40, 24, 15
- (21) જો દ્વિધાર નિશ્ચાયકનો દરેક ઘટક 0 અથવા 1 હોય, તો નિશ્ચાયકની કિંમત ધન થાય તેની સંભાવના થાય.
 (નિશ્ચાયકનો કોઈ પણ ઘટક સ્વતંત્ર રીતે પસંદ કરી શકાય છે.)
 (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{5}{16}$ (C) $\frac{1}{8}$ (D) $\frac{3}{16}$
- (22) {પર્વાદાઓ $x + 2y \geq 11, 3x + 4y \leq 30, 2x + 5y \leq 30, x \geq 0, y \geq 0$ થી રચાતા શક્ય ઉકેલના પ્રદેશમાં નીચે આપેલમાંથી કયું બિંદુ સામેલ છે?
 (A) (2,3) (B) (3,2) (C) (3,4) (D) (4,3)
- (23) વક્રી $y = x^2$ અને $6y = 7 - x^3$ એ (1, 1) બિંદુએ છેદતાં હોય, તો ત્યાં બનતા ખૂણાનું માપ છે.
 (A) $\frac{\pi}{4}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) $\frac{\pi}{8}$
- (24) વિકલ સમીકરણ $\frac{dy}{dx} + x^2 \frac{d^2y}{dx^2} + xy = \sin x$ ના કક્ષા અને પરિમાણ અનુક્રમે તો,
 (A) 1,1 (B) 2,1 (C) 3,2 (D) 2, અવ્યખ્યાયિત
- (25) $y = \frac{1}{x^2}$ તથા $y = x^3$ વક્રના છેદબિંદુ (1, 1) આગર તેમની વચ્ચેના ખૂણાનું માપ છે.
 (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{6}$
- (26) $\int_{-2}^2 |x| dx = \dots$
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4
- (27) $\int e^{2x} \sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right) dx = \dots c$
 (A) $e^{2x} \cos \frac{x}{2}$ (B) $\sqrt{2} e^{2x} \cos \frac{x}{2}$
 (C) $e^{2x} \sin \frac{x}{2}$ (D) $\sqrt{2} e^{2x} \sin \frac{x}{2}$
- (28) વક્ર $y = \sec x$, X-અક્ષ અને રેખાઓ $x = 0$ અને $x = \frac{\pi}{4}$ વચ્ચે ઘેરાયેલ પ્રદેશનું ક્ષેત્રફળ છે.
 (A) $\log(\sqrt{2} + 1)$ (B) $\log(\sqrt{2} - 1)$
 (C) $\frac{1}{2} \log 2$ (D) $\sqrt{2}$
- (29) વિકલ સમીકરણ $\frac{dy}{dx} = -\frac{x+y}{1+x^2}$ એ વિકલ સમીકરણ છે.
 (A) વિયોજનીય ચલનું (B) સમપરિમાણીય
 (C) સુરેખ (D) દ્વિતીય કક્ષાનું

- (30) સમપરિમાણ વિધેય $f(x,y) = \frac{x^3 - y^3}{x+y}$ નું પરિમાણ છે.
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) વ્યખ્યાયિત નથી
- (31) જો f અયુગ્મ વિધેય હોય અને $\int_0^2 f(x) dx = 5$ તો $\int_{-2}^0 f(x) dx = \dots$
 (A) 10 (B) 0 (C) 5 (D) -5
- (32) જો રેખાઓ $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{4}$ અને $\frac{x-3}{1} = \frac{y+k}{2} = \frac{z}{1}$ પરસ્પર છેદે તો $k = \dots$
 (A) 9/2 (B) 0 (C) -1 (D) 2/9
- (33) $\int 3^x \sqrt{9^x - 1} dx = k 3^x \sqrt{9^x - 1} - k \log |3^x + \sqrt{9^x - 1}| + c$ તો $k = \dots$
 (A) $\frac{1}{2 \log 3}$ (B) $2 \log 3$ (C) $2 \log_3 3$ (D) $3 \log_2 3$
- (34) વક્ર $y = 2x - x^2$ અને રેખા $y = x$ વચ્ચે ઘેરાયેલ પ્રદેશનું ક્ષેત્રફળ છે.
 (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{1}{4}$ (D) $\frac{1}{6}$
- (35) $\sqrt[5]{24299}$ નું આસન્ન મૂલ્ય છે.
 (A) $\frac{4050}{121499}$ (B) $\frac{121499}{40500}$ (C) $\frac{40500}{121499}$ (D) $\frac{121499}{4050}$
- (36) $y^2 = x$ પરના જે બિંદુએ સ્પર્શક X-અક્ષની ધનદિશા $\pi/4$ સાથે માપનો ખૂણો બનાવે તે બિંદુ છે.
 (A) (1/4, 1/2) (B) (2, 1)
 (C) (0, 0) (D) (-1, 1)
- (37) જો $f(x)$ યુગ્મ વિધેય હોય તથા $\int_{-a}^a f(x) dx = 2$ તો $\int_0^a f(x) dx$ શોધો.
 (A) 0 (B) 4 (C) a/2 (D) 1
- (38) બિંદુ (1, 2, -4) માંથી પસાર થતી અને $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z-4}{4}$ ને સમાંતર રેખાનું સમીકરણ છે.
 (A) $\vec{r} = (1, 2, -4) + k(2, 3, 4), k \in \mathbb{R}$
 (B) $\vec{r} = (2, 3, 4) + k(1, 2, -4), k \in \mathbb{R}$
 (C) $\vec{r} = (1, 2, -4) + k(1, 2, -4), k \in \mathbb{R}$
 (D) $\vec{r} = (-1, -1, 0) + k(2, 3, 4), k \in \mathbb{R}$
- (39) $\int_a^b \frac{x}{|x|} dx = \dots$ જ્યાં $a < b < 0$
 (A) $-(|a| + |b|)$ (B) $|b| - |a|$ (C) $|a| - |b|$ (D) $|a| + |b|$
- (40) રેખાઓ $\vec{r} = (4\vec{i} - \vec{j}) + s(2\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k})$ અને $\vec{r} = (\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}) + t(\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k})$ વચ્ચેનો ખૂણો છે.
 (A) $\frac{3\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{2\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{6}$